

Como desafio mostre que sempre que a soma dos números de 1 até  $n$  é par, então é possível separar os números de 1 até  $n$  em dois subgrupos de números de igual soma.

Você tem uma restrição no enunciado, a soma sempre é par. Logo não lhe interessa o caso contrário, ou seja, a soma ser ímpar.

Creio que indicaram o vídeo para o estudante ver que tem uma fórmula para a soma dos  $n$  primeiros números naturais. Como você viu no vídeo,

$$1 + 2 + 3 + 4 + \dots + (n - 1) + n = \frac{n(n + 1)}{2},$$

logo se  $S$  é par, então  $\frac{n(n+1)}{2}$  é divisível por 2.

Aí vem o “pulo do gato”, hehehe, se  $S$  é divisível por 2, você consegue dividi-lo em dois subgrupos de igual soma.

### Exemplo

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 = 28, \text{ logo temos:}$$

$$2 + 3 + 4 + 5 = 14 \text{ e } 1 + 6 + 7 = 14. \text{ Dois subgrupos com mesma soma.}$$

Portanto, se  $S$  é par,  $S = 2k = k + k$ , ou seja, dois subgrupos cuja soma é  $k$ .