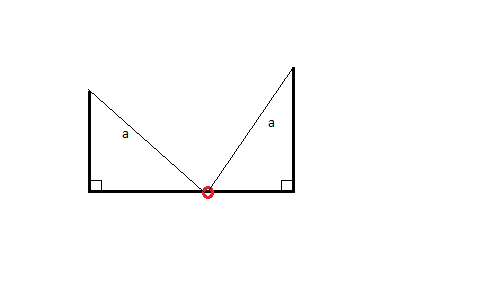
**Solução aula 03 (3° Encontro)**

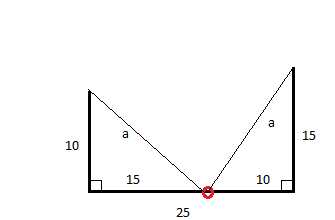
**Problemas de geometria – O teorema de Pitágoras.**

**Solução do exercício 01**

Observe a imagem:



Temos que os pássaros vão percorrer a mesma distância para chegarem até o peixe.

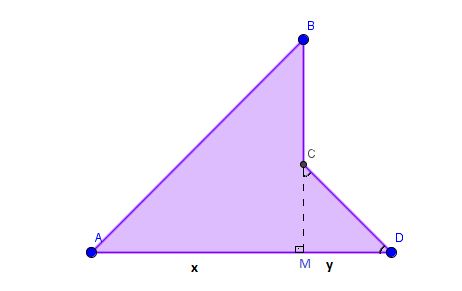


Percebemos assim, que os triângulos são triângulos retângulos que possuem a mesma hipotenusa, desse modo ambos são congruentes, com lados 15 e 10.

Portanto o peixe aparece a 15m da palmeira menor.

**Solução exercício 02**

Estenda o lado BC até intersectar o lado AD no ponto M.



Os ângulos A e B do triangulo AMB têm 45 graus cada, logo este triangulo é um retângulo isósceles. Analogamente, o triangulo CDM também é um triangulo retângulo isóscele. Sejam AM = x e CM = y. A área da vela é igual a soma das áreas dos triângulos AMB e CDM, de modo que é igual a x^2/2 + y^2/2. Pelo teorema de Pitágoras, x^2 + y^2 = AC^2 = 4^2 = 16. Portanto a área da vela é 8m^2.

**Solução do exercício 03**

1. AB = 4 e CD = 2 razão:
2. AB = 7 e CD = 3 razão:
3. AB= 1/2 e CD = 1/3 razão:
4. AB = 3 e CD = razão:
5. AB = e CD = 2 razão:
6. AB = 2 CD = razão:

**Solução do exercício 04**

1. A razão é igual a dois, que é um número racional e, portanto comensurável.
2. A razão é igual a 7/3, que é um numero racional e, portanto comensurável.
3. A razão é igual a 3/2, que é um número racional e, portanto comensurável.
4. A razão é igual a três, que é um numero racional e, portanto comensurável.
5. A razão é igual a , que é um número irracional e, portanto incomensurável.
6. A razão é igual a , que é um número irracional e, portanto incomensurável.

**Solução do exercício 05**

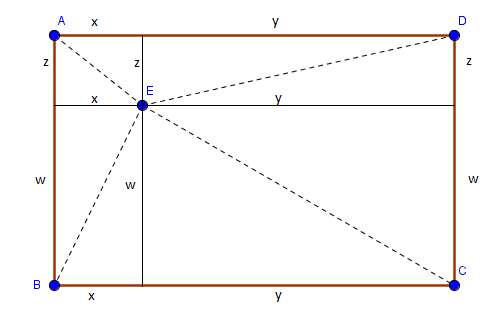
Sabemos que e que AB= 28 cm. Dessa forma temos:

Fazendo a regra de três vamos obter, 7CD= 112 CD = .

CD = 16.

**Solução do exercício 06**

Vamos dividir o retângulo em 4 partes de forma que as divisões passe pelo ponto E. Observe que vamos obter 8 triângulos.



Usando o teorema de Pitágoras temos :

EA² = x² + z², EC²= y² + w², EB²= y² + z² e ED²= x²+w²

Fazendo a soma

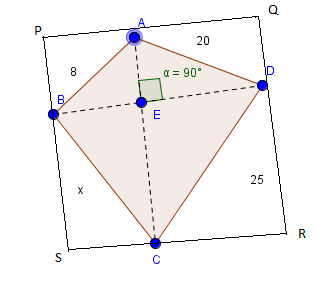
EA²+ EC² = x² + y² + z² + w² e EB²+ ED² = x² + y² + z² + w²

Desse modo temos EA² + EC² = EB² + ED² como queríamos.

**Solução do exercício 07**

Temos AC perpendicular a BD.

Vamos traçar retas paralelas a AC passando por B e D, e vamos traçar retas paralelas a BD passando por A e C.



Como na figura, vamos obter um retângulo PQRS. Usando a propriedade do exercício anterior, temos:

PE=8, QE= 20, RE= 25 e SE= x

A soma dos quadrados de PE² +RE² será igual a soma dos quadrados de QE² + SE².

PE² +RE² = QE² + SE²

8² + 25² = 20² + x²

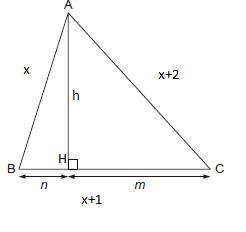
64 + 625 = 400 + x²

64 + 625 – 400 = 400 + x² - 400

289 = x²

x= = 17.

**Solução do exercício 08**



Seja h a altura do triangulo. Observe que os comprimentos dos lados AB, BC e CD são números inteiros e consecutivos, ou seja: AB = x, BC= x+1 e AC= x+2

Aplicando o teorema de Pitágoras nos triângulos ABH e AHC temos:

X²= n² +h² h²= x² - n²

E

(x+2)² = h² + m² h² = (x+2)² - m²

X²- n² = (x+2)² - m² x²-(x+2)² = n²-m² x² - x² + 4x + 4 = (n - m) (n + m)

Observe que n+ m = x + 1

4(x+1) = (n – m) (x + 1) 4(x + 1) / (x+1) = n – m n – m = 4.