

AULA 15: CONTAGEM – COMBINAÇÕES COMPLETAS.

-Exercícios:

I. O número de soluções inteiras da equação corresponde à $CR_{3,6} = \frac{9!}{6! \cdot 3!} = \frac{9 \cdot 8 \cdot 7}{3 \cdot 2} = \frac{504}{6} = 84$.

II. Podemos transformar a situação em uma equação onde 'x' representa as letras antes do primeiro 'a', 'y' as letras entre os primeiros 'a', 'z' as letras entre os últimos 'a' e 'w' as letras após o último 'a'. Temos a equação $x + y + z + a = 7$. Mas como 'y' e 'z' só podem assumir valores naturais temos $x + y + z + a = 5$, onde o número de soluções inteiras é $CR_{3,5} = \frac{8!}{5! \cdot 3!} = \frac{8 \cdot 7 \cdot 6}{3 \cdot 2} = \frac{336}{6} = 56$. Mas estamos considerando todas as letras diferentes de 'a' como iguais. O total de formas de se permutar estas letras é $P_7^{2,2} = \frac{7!}{2! \cdot 2!} = \frac{7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3}{2 \cdot 2} = \frac{2520}{2} = 1260$. Portanto o total de permutações sem letras 'a' adjacentes é $1260 \cdot 56 = 70560$.

III. 'a', 'b' e 'c' representam o número de vezes que cada cor será usada. Temos a equação $a + b + c = 9$ cujas soluções inteiras são $CR_{2,9} = \frac{11!}{9! \cdot 2!} = \frac{11 \cdot 10}{2} = \frac{110}{2} = 55$. Portanto temos 55 modos de pintar estes objetos.