**Solução da aula 02 (5° Encontro)**

**Problemas Contagem C5N2 “Permutações com Repetições Circulares”**

**Solução do exercício 01**

1. Na palavra PIC temos 3 letras, dessa forma temos 3 x 2 x 1 = 6 tipos de anagramas da palavra.
2. Na palavra ANA também temos três letras, porém observe que temos a repetição da letra A. Nesse caso temos que o total de anagramas possíveis é

Também podemos dividir pelas letras repetidas, que ficaria:

1. Na palavra BANANA temos 6 letras, com 3 A se repetindo e 2 N se repetindo; nesse caso o número possível de anagramas será
2. Na palavra MATEMATICA temos 10 letras, onde 3 delas são A, 2 delas são T e 2 delas são M, nesse caso o número possível de anagramas será

**Solução do exercício 02**

1. Observe que é necessário escolher 5 números entre 7, sem que eles se repitam , isso é
2. observe que agora é necessário escolher 5 números entre 8 que não se repetem, isso é

**Solução do exercício 03**

Vamos dar nomes para as duplas para facilitar: AABBCC; então temos:

Porém, repare que se colocarmos João e Maria na dupla A e Pedro e Janete na B, é o mesmo que colocarmos João e Maria na B e Pedro e Janete na A, desse modo temos:

**Combinação completa ou com repetição**

Para contar o número de maneiras de distribuir p objetos para n pessoas (ou seja, de calcular o número de soluções inteiras e não negativas de x1 + x2 + x3+ . . . +xn = p, ou ainda, de calcular o número de combinações completas de n elementos tomados p a p). Temos p objetos, que devem ser separados por n − 1 tracinhos. Ou seja, precisamos escolher p das n + p − 1 posições para os objetos.

A resposta é portanto é :

**Solução do exercício 04**

Temos 5 tipos de doces e 4 tipos de refrigerantes, dentre eles temos que formar combinações de 2 doces e 3 refrigerantes. Observe que para escolhermos os doces faremos

Para escolhermos os refrigerantes, temos:

Portanto o número total de pedidos distintos que podem ser feitos é 15 x 20 = 300

**Solução do exercício 05**

Os números que podem ser inscritos em um dominó, são {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6}; ao todo são 7 números, para 2 quadrados e, cada dominó. Temos então:

Temos assim um total de 28 dominós.

**Solução do exercício 06**

A palavra PARAMETRIZADE contém 13 letras. Observe; para não termos 2 letras A juntas, faremos:

\_ P \_ R \_ M \_ E \_ T \_ R \_ I \_ Z \_D \_

Temos 10 espaços para ocupar com as 4 letras A, isso é

Observe também que podemos permutar as 9 letras fixadas, porém a letra R se repete; desse forma temos:

Portanto o numero total de anagramas será 210 x 181 440 = 38 102 400

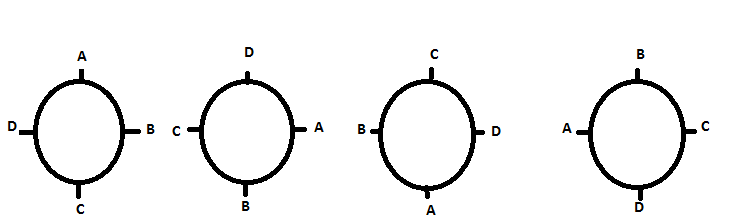
**Permutação circular**

O número de permutações circulares de n objetos distintos é o número de modos de colocar esses n objetos em círculo, de forma que disposições que possam coincidir por rotação sejam consideradas iguais

**Solução do exercício 08**

A principio, imaginamos que para formamos uma roda contendo 4 criança, devemos escolher a ordem como nos exercícios anteriores; desse modo teríamos:

Porém, as rodas ABCD, BCDA, CDAB, DABC abaixo, são iguais, estão apenas rotacionadas.



Portanto devemos dividir por 4, isso é

**Solução do exercício 09**

Vamos supor que não podemos girar o colar; nesse caso existem 13! Colares diferentes, porém os arranjos de contas devem ser considerados idênticos aos 12 obtidos por rotação

**Solução do exercício 10**

1. levando em consideração que Nilton se posicione sempre a direita de Lucimar, vamos considerar:

A, B, C, D, NL; de modo que NL seja uma só letra (bloco).

Teremos então

1. Sim, a resposta muda. Pois no item (a) consideramos NL o mesmo bloco; usaremos o resultado do item anterior, desse modo teremos duas opções de posiciona-los:

Nilton à direita ou à esquerda de Lucimar, portanto pelo princípio multiplicativo, teremos

**Solução do exercício 11**

Consideramos os blocos ABC, D, E, F; onde ABC são as três amigas que não vão se separar

Porém, agora devemos multiplicar tal quantidade pelo número de maneiras de permutação para que as amigas fiquem juntas. O valor obtido será

**Solução do exercício 12**

Analogamente aos exercícios anteriores, tomamos blocos A, B, C, D, E, JM; onde João e Maria estarão sempre juntos. Dentre o bloco, podemos permutar J e M de duas maneiras; assim temos